Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение

высшего образования

«Новосибирский государственный технический университет»

Кафедра инженерной математики

Паспорт
расчетно-графического задания (типовой расчет)

по дисциплине «Математический анализ», 2 семестр

1. Методика оценки

Выполнение типового расчета является формой текущей аттестации (контроля) по дисциплине «Математический анализ», предусмотренной учебным планом.

Цель типового расчета: студенты должны освоить и научиться методам и алгоритмам решения основных и вспомогательных задач по темам дисциплины.

Обязательным элементом типового расчета являются решение задач.

Номер задания типового расчёта определяется по списку в журнале. Типовой расчет выполняется индивидуально. Количество заданий достаточно для обеспечения, каждого обучающегося индивидуальным заданием типового расчета. Замена задания типового расчета осуществляется по согласованию с преподавателем из числа резервных (не занятых) заданий.

Перед выполнением задания студент должен ознакомиться с теоретическим материалом, методами решения типовых задач, с решением примерного варианта типового расчета. Преподаватель осуществляет руководство по выполнению задания, оказывает консультационную помощь и принимает отчет по типовому расчету.

По результатам выполнения типового расчета выполняется отчет, который состоит из следующих частей:

1. Титульный лист (название дисциплины, ФИО, группа и номер варианта).
2. Задания №1 - 20 (по вариантам).
3. Список литературы и источников.

Требования к оформлению

Решения задач типового расчета оформляются в отдельной тетради, каждое задание с новой страницы. При оформлении задания указывается его номер, полная формулировка условия. Решение задачи приводится полностью с указанием рабочих формул, вычислений, необходимых рисунков. В конце решения выписывается ответ.

Отчет в установленные сроки сдается преподавателю для проверки. Преподаватель оценивает качество работы, отмечает положительные стороны и недостатки работы и определяет, допускается ли она к защите. При необходимости преподаватель возвращает типовой расчет студенту для доработки и устанавливает сроки повторного предоставления для проверки. До защиты работы студентом должны быть сделаны необходимые исправления и дополнения по всем замечаниям преподавателя.

При положительном результате оценивания типового расчета студент защищает его до сессии в назначенное преподавателем время.

Защита типового расчета состоит в индивидуальном устном собеседовании студента с преподавателем. В процессе защиты выявляется уровень знаний студента, степень его

самостоятельности при выполнении работы. По результатам защиты студенту выставляется оценка в соответствии с критериями, приведенными в п. 2 настоящего Паспорта.

2. Критерии оценки результатов обучения, соотнесенных с уровнями освоения индикаторов достижения компетенций

Общие правила выставления оценок текущей аттестации определяются балльно-рейтинговой системой, установленной локальным актом НГТУ.

Типовой расчет считается выполненным **на продвинутом** уровне, если все необходимые расчеты произведены самостоятельно и без ошибок; все разделы типового расчета выполнены правильно и в полном объеме; работа оформлена в соответствии с требованиями; сдана преподавателю в указанные сроки и не возвращалась для доработки; даны полные и развернутые выводы и рекомендации; на защите студентом даны уверенные и аргументированные ответы. Совокупность запланированных результатов и соотнесенных с ними индикаторов достижения компетенций не содержит пробелов. Закрепленные за типовым расчетом компетенции сформированы на продвинутом уровне. Оценка составляет *от 18 до 20 баллов.*

Типовой расчет считается выполненным **на базовом** уровне, если все необходимые расчеты произведены самостоятельно и без существенных ошибок; все разделы типового расчета выполнены правильно, но есть замечания к полноте предоставления информации; работа оформлена в соответствии с требованиями; сдана преподавателю в указанные сроки и однократно возвращалась студенту для незначительной доработки; в заключении даны выводы и рекомендации; на защите студентом допущены непринципиальные ошибки. Совокупность запланированных результатов и соотнесенных с ними индикаторов достижения компетенций содержит несущественные пробелы. Закрепленные за типовым расчетом компетенции сформированы на базовом уровне. Оценка составляет *от 14 до 17 баллов.*

Типовой расчет считается выполненным **на пороговом** уровне, если все необходимые расчеты произведены самостоятельно, но с ошибками, часть из которых носит принципиальный характер; есть замечания к полноте предоставления информации; работа оформлена в соответствии с требованиями; сдана преподавателю, но неоднократно возвращалась студенту для доработки; в заключении даны краткие выводы; защита типового расчета вызывает у студента серьезные затруднения. Совокупность запланированных результатов и соотнесенных с ними индикаторов достижения компетенций содержит существенные пробелы. Закрепленные за типовым расчетом компетенции сформированы на пороговом уровне. Оценка составляет *от 10 до 13 баллов.*

Типовой расчет считается **не выполненным** (ниже порогового уровня), если расчеты произведены с серьезными ошибками; есть замечания к полноте предоставления информации и оформлению; типовой расчет был сдан преподавателю, но неоднократно возвращался студенту для доработки, что не привело к улучшению его качества; типовой расчет не допущен до защиты, что свидетельствует о неудовлетворительном уровне достигнутых студентом результатов. Совокупность запланированных результатов и соотнесенных с ними индикаторов достижения компетенций содержит множественные существенные пробелы. Закрепленные за типовым расчетом компетенции не сформированы. Оценка составляет *менее 10 баллов*.

3. Шкала оценки

В общей оценке по дисциплине баллы за типовой расчет учитываются в соответствии с правилами балльно-рейтинговой системы, приведенными в рабочей программе дисциплины.

Типовой расчет как форма текущей аттестации (контроля) по дисциплине

считается успешно выполненной, если сумма полученных баллов по всем его заданиям составляет от 10 до 20 баллов включительно.

1. Примерный вариант типового расчета

1. Найти объем тела, ограниченного поверхностями $y=16\sqrt{2x}$, $y=\sqrt{2x}$; $z=0$; $x+z=2$.
2. Найти объем тела, ограниченного поверхностями $z=10\left[\left(x-1\right)^2+y^2\right]+1$; $z=21-20x$
3. Найти массу пластинки, координаты точек которой удовлетворяют неравенствами $1\le x^2+\frac{y^2}{4}\le 9$; $0\le y\le 2x$ с плотностью распределенного вещества $\mu=y^2$.
4. Найти массу тела, ограниченного поверхностями $64\left(x^2+y^2\right)=z^2$; $x^2+y^2=4$; $y=0$; $z=0$; $\left(y\ge 0; z\ge 0\right)$, с плотностью распределенного вещества $\mu=\frac{5}{4}\left(x^2+y^2\right)$.
5. Вычислить криволинейный интеграл по формуле Грина: $\oint\limits_L\left(1-x^2\right)ydx+x\left(1+y^2\right)dy$, где кривая L – окружность $x^2+y^2=R^2$
6. Вычислить массу дуги кривой L, заданной уравнением $\rho=e^{\frac{3\varphi}{4}}$ $\left(0\le\varphi\le\frac{4\pi}{7}\right)$, если плотность распределенного вещества равна $\gamma=\rho^{4/3}$.
7. Вычислить работу силы $\overline{F}=\left\{y;3x;z^2\right\}$ при перемещении материальной точки вдоль линии γ : $\begin{cases}z=x^2+y^2-1\\ z=3\end{cases}$ от точки $M\left(2;0;3\right)$ к точке $N\left(0;2;3\right)$.

Найдите общие решения дифференциальных уравнений и частные решения, если есть начальные условия.

8. $x^2y'=y^2+4xy+2x^2$; $y\big|_{x=1}=1$.
9. $xy'+y=x\sin x$; $y\big|_{x=\frac{\pi}{2}}=0$.
10. $y'+xy=\left(1+x\right)e^{-x}y^2$; $y\left(0\right)=1$.
11. $y''+\frac{2x}{1+x^2}y'=\frac{6x^2}{1+x^2}$; $y\left(0\right)=1$; $y'\left(0\right)=0$.
12. $y''+4y=\frac{8}{\sin 2x}$
13. $y'''-y''=12x+10$.
14. Найдите решение системы линейных однородных дифференциальных уравнений первого порядка $\begin{cases}x'=2x+y-2z\\ y'=-x+2y+z\\ z'=x+3y+4z\end{cases}$, удовлетворяющее начальным условиям $x\left(0\right)=-8$, $y\left(0\right)=3$, $z\left(0\right)=6$.

15. Исследовать числовой ряд $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{n+1}{2^n (n-1)!}$ на сходимость.

16. Исследовать ряд $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n+1} \cdot \frac{\sqrt{n+2}}{n^3+6}$ на абсолютную или условную сходимость.

17. Определить область сходимости степенного ряда $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2n+3}{(n+2)^2} \cdot (x+3)^n$.

18. Определить область сходимости функционального ряда $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^n}{n(n+1)(x+3)^n}$.

19. Разложить функцию $f(x) = \frac{1}{1-x}$ в ряд Тейлора по степеням $(x+1)$. Указать область сходимости.

20. Разложить функцию $y = e^x$ в ряд Фурье на $(-1,1]$.